**2022年普通高等学校招生全国统一考试（浙江卷）**

**数学**

**姓名\_\_\_\_\_\_\_\_ 准考证号\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_**

**本试题卷分选择题和非选择题两部分.全卷共4页，选择题部分1至3页；非选择题部分3至4页．满分150分，考试时间120分钟.**

**考生注意：**

**1．答题前，请务必将自己的姓名、准考证号用黑色字迹的签字笔或钢笔分别填写在试题卷和答题纸规定的位置上.**

**2．答题时，请按照答题纸上“注意事项”的要求，在答题纸相应的位置上规范作答，在本试题卷上的作答一律无效.**

**参考公式：**

如果事件*A*，*B*互斥，则 柱体的体积公式

 

如果事件*A*，*B*相互独立，则 其中*S*表示柱体的底面积，*h*表示柱体的高

 锥体的体积公式

若事件*A*在一次试验中发生的概率是*p*，则*n*次 

独立重复试验中事件*A*恰好发生*k*次的概率 其中*S*表示锥体的底面积，*h*表示锥体的高

 球的表面积公式

台体的体积公式 

 球的体积公式

其中表示台体的上、下底面积， 

*h*表示台体的高 其中*R*表示球的半径

**选择题部分（共40分）**

**一、选择题：本大题共10小题，每小题4分，共40分．在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的．**

1. 设集合，则（ ）

A.  B.  C.  D. 

2. 已知（为虚数单位），则（ ）

A.  B.  C.  D. 

3. 若实数*x*，*y*满足约束条件则的最大值是（ ）

A 20 B. 18 C. 13 D. 6

4. 设，则“”是“”的（ ）

A. 充分不必要条件 B. 必要不充分条件 C. 充分必要条件 D. 既不充分也不必要条件

5. 某几何体的三视图如图所示（单位：），则该几何体的体积（单位：）是（ ）



A.  B.  C.  D. 

6. 为了得到函数的图象，只要把函数图象上所有的点（ ）

A. 向左平移个单位长度 B. 向右平移个单位长度

C. 向左平移个单位长度 D. 向右平移个单位长度

7. 已知，则（ ）

A. 25 B. 5 C.  D. 

8. 如图，已知正三棱柱，*E*，*F*分别是棱上的点．记与所成的角为，与平面所成的角为，二面角的平面角为，则（ ）



A.  B.  C.  D. 

9. 已知，若对任意，则（ ）

A.  B.  C.  D. 

10. 已知数列满足，则（ ）

A.  B.  C.  D. 

**非选择题部分（共110分）**

**二、填空题：本大题共7小题，单空题每题4分，多空题每空3分，共36分．**

11. 我国南宋著名数学家秦九韶，发现了从三角形三边求面积的公式，他把这种方法称为“三斜求积”，它填补了我国传统数学的一个空白．如果把这个方法写成公式，就是，其中*a*，*b*，*c*是三角形的三边，*S*是三角形的面积．设某三角形的三边，则该三角形的面积\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_．

12 已知多项式，则\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_，\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_．

13. 若，则\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_，\_\_\_\_\_\_\_\_\_．

14. 已知函数则\_\_\_\_\_\_\_\_；若当时，，则的最大值是\_\_\_\_\_\_\_\_\_．

15. 现有7张卡片，分别写上数字1，2，2，3，4，5，6．从这7张卡片中随机抽取3张，记所抽取卡片上数字的最小值为，则\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_，\_\_\_\_\_\_\_\_\_．

16. 已知双曲线的左焦点为*F*，过*F*且斜率为的直线交双曲线于点，交双曲线的渐近线于点且．若，则双曲线的离心率是\_\_\_\_\_\_\_\_\_．

17. 设点*P*在单位圆的内接正八边形的边上，则的取值范围是\_\_\_\_\_\_\_．

**三、解答题：本大题共5小题，共74分．解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤．**

18. 在中，角*A*，*B*，*C*所对的边分别为*a*，*b*，*c*．已知．

（1）求的值；

（2）若，求面积．

19. 如图，已知和都是直角梯形，，，，，，，二面角的平面角为．设*M*，*N*分别为的中点．



（1）证明：；

（2）求直线与平面所成角的正弦值．

20. 已知等差数列的首项，公差．记的前*n*项和为．

（1）若，求；

（2）若对于每个，存在实数，使成等比数列，求*d*的取值范围．

21. 如图，已知椭圆．设*A*，*B*是椭圆上异于的两点，且点在线段上，直线分别交直线于*C*，*D*两点．



（1）求点*P*到椭圆上点距离的最大值；

（2）求的最小值．

22. 设函数．

（1）求的单调区间；

（2）已知，曲线上不同三点处的切线都经过点．证明：

（ⅰ）若，则；

（ⅱ）若，则．

（注：是自然对数的底数）